

**APPENDICE AL
DISCORSO DE'
VITALIZI CON
TAVOLE EC. E
OSSERVAZIONI...**



Il pensiero di quest' Appendice si suscitò all' occasione ch' ebbi da determinare per superiore Commissione i Capitali di due diverse Pensioni , l'una di semestre in semestre , l' altra di mese in mese , e una pur anche collo sconto di un frutto fuori delle Tavole annesse al Discorso de' Vitalizi ; poichè sono in esso bensì date le Regole generali ad ogni uopo, e sono anche posti molti Esempi; ma nessuno di Pensioni come sopra, anticipate, semestrali, e mensuali, e di sconto fuori delle Tavole. Atta pertanto a supplirvi è quest' Appendice, che ne presenta le Norme.

Abb. R. Supremo Magistrato di Firenze.

Illustris. e Signori.

Nominato dal R. Supremo loro Magistrato (1) a Perito istruttore del proprio animo nella Causa fra il Cav. Priore Emanuelle Fenzi, e il sig. Pietro Buonaccorsi, ov'è da decidere: = Se i Capitali di due Oneri vitalizi, accollatisi dal sig. Cavaliere nella compra di Case, debbano valutarsi secondo la Scala dello Spedale di S. Maria Nuova di Firenze, sì per la *Durata della vita*, che pel *Ragguaglio della Pensione*, com' Egli pretende a tenore del Patto (2): = o per la *Durata solamente della vita*, come in opposito pretende il sig. Buonaccorsi = rassegnò negli uniti Allegati i risultamenti del Calcolo in ambo i casi delle contrarie pretensioni.

Gli Oneri sono:

L'uno del godimento di una Casa per anni 5, stimata di annua pigione scudi 158, anticipata di semestre in semestre in rate di 79 l'una.

L'altro di una pensione annua di scudi 180 parimente per anni 5, anticipata di mese in mese in rate di 15 l'una.

La Persona, cui sono dovuti i Vitalizi, era in età di anni 62 all'epoca del Contratto.

(1) Decreto *ex officio* 4 scorso Aprile.

(2) Il Patto è. « I Periti dovranno dare un fondo a' detti Oneri, valutandoli secondo la Scala di S. Maria Nuova ».

La Scala in codesta età pone anni 5 di vita rimanente, e la Pensione all' 8 e $\frac{1}{5}$ per 100.

Non è saputo, almeno da Me, su quale interesse del denaro sia costruita la Scala. Vuolsi per altro ritenere per più probabile, che dal 1739 in poi quello sia stato del 3 annuo per 100, e che la Pensione sia posticipata.

Se pertanto gli Oneri si valutano al Ragguglio della Scala, il Capitale da scontarsi complessivo di tutti due risulta, come negli Allegati A. e B. (1) Sc. 3956,1505

Se viceversa collo sconto di $4\frac{1}{4}$ per 100, sul quale sono stimate le Case, risulta, come negli Allegati C. e D. Sc. 1531,2905

Differenza . . . Sc. 2423,8600

Nel secoudo caso l'Alea riesce eguale.

Nel primo la *fisica* Probabilità (2) porta il lucro, che presenta la detta differenza.

Lucro per altro soggetto a decremento, se la *Vitaliziata* vive più oltre, come la confortano a sperare tutte le Tavole; ma soggetto anche ad aumento, *si quid divinitus acciderit*.

FIRENZE, 13 Luglio 1838.

Cons. ° Pell. ° Nobilt.

(1) Le frazioni dello Scudo si sono poste in Decimali per più comodità di calcolo.

(2) Dicesi *fisica*, perchè la *matematica* è indefinita e indefinibile.

A

Capitale della Pigione di Scudi 158 annui per anni 5 = semestri 10, anticipata la metà di semestre in semestre collo sconto di 8. 4/5 = 8, 8, annuo per 100, secondo il Ragguaglio della Scala dello Spedale di Santa Maria Nuova di Firenze; ritenutane la sua costruzione sul frutto del 3 annuo per 100.

Nella Tavola VI (1) si trova 100 collo sconto per anni 5
 = semestri 10, del 3 annuo per 100. . . . n 853,0204
 Meno N. 10 ivi n 74,4094

Resta n 778,6110
 Aggiunto per l'Anticipazione n 100.

Somma n 878,6110

Colla proporzione . . : 878,6110 : 853,0204 : : 4,4 : x

Ne viene x = 4,2718,4

Coll'altra proporzione : x : 100 : : 79 : y :

Si ottiene il Capitale (2) y = 1849,3202

(1) *Dopo il mio Discorso de' Vitalizi.*

(2) *Cit. Disc. N.º 12.*

Capitale della Pensione di Scudi 180 annui per anni 5 = mesi 60, anticipata in rate mensuali di 15 l'una, collo sconto di $8 \frac{4}{5} = 8,8$, annuo per 100, secondo il Raggiuglio della predetta Scala; ritenute la costruzione sul frutto del 3 annuo per 100.

Nella stessa Tavola VI si trova 100 collo sconto per anni 5 = mesi 60, del 3 annuo per 100. » 2767,5570
Meno N. 60 ivi » 46,9734

Resta. » 2750,5836
Aggiunto per l'Anticipazione » 100.

Somma » 2850,5836

Colla proporzione . . 2850,5836 : 2767,5570 :: $8,8 : x$
12

Ne viene $x = 7,1197$

Coll'altra proporzione : $x 100 :: 15 : y$

Si ottiene il Capitale (1) $y = 2106,8303$
Aggiunto quello dell'All. A. » 1849,3202

Somma » 3956,1505

(1) *Cit. Disc. 12.*

C

Capitale della Pigione di Scudi 158 annui per anni 5 = semestri 10, anticipata in rate semestrali di 79 l'una, collo sconto di 4 1/4 = 4,25, annuo per 100.

Anticipazione.	■	79.	Retro	■	450,0155
Sconto 1.	■	77,3562	6.	■	69,6358
2.	■	75,7465	7.	■	68,1898
3.	■	74,1703	8.	■	66,7680
4.	■	72,6269	9.	■	65,3786
5.	■	71,1156			
Somma	■	450,0155	Somma pel Capitale (1)	■	719,9847

PROVA DELLA CONGRUENZA.

Capitale	719,9847	Retro	508,8373
Pigione 1.	79.	Frutto	10,8128
Resta	640,9847	Somma	519,6501
Frutto	43,6209	Pigione 4.	79.
Somma	654,6056	Resta	440,6501
Pigione 2.	79.	Frutto	9,3638
Resta	575,6056	Somma	450,0139
Frutto	42,2317	Pigione 5.	79.
Somma	587,8373	Resta	371,0139
Pigione 3.	79.	Frutto	7,8840
Resta	508,8373	Somma	378,8979

(1) *Disc. cit. N° 42.*

8

Retro	378,8979
Pigione 6.	79.

Resta	299,8979
Frutto	6,3729

Somma	306,2708
Pigione 7.	79.

Resta	227,2708
Frutto	4,8295

Somma	232,1003
Pigione 8.	79.

Resta	153,1003
-------	----------

Retro	153,1003
Frutto	3,2534

Somma	156,3537
Pigione 9.	79.

Resta	77,3537
Frutto	4,6437

Somma	78,9974
Pigione 10.	79.

Differenza	0,0028
------------	--------

D

Capitale della Pensione di Scudi 180 annui per anni 5 = mesi 60, anticipata in rate mensuali di 15 l'una, collo sconto di $4\frac{1}{4} = 4,25$ annuo per 100.

Anticipazione	15.	Retro	373,2578
Sconto	1. 14,9471	26. 13,6815	
	2. 14,8943	27. 13,6332	
	3. 14,8416	28. 13,6151	
	4. 14,7892	29. 13,5371	
	5. 14,7370	30. 13,4892	
Somma	89,2092	Somma	441,4839
	6. 14,6850	31. 13,4416	
	7. 14,6331	32. 13,3941	
	8. 15,5814	33. 13,3566	
	9. 14,4785	34. 13,2997	
	10. 14,4785	35. 13,2526	
Somma	163,1170	Somma	507,9185
	11. 14,4274	36. 13,2057	
	12. 14,3756	37. 13,1591	
	13. 14,3257	38. 13,1126	
	14. 11,2750	39. 13,0662	
	15. 14,2246	40. 13,0201	
Somma	233,7462	Somma	573,4822
	16. 14,1744	41. 12,9741	
	17. 14,1243	42. 12,9283	
	18. 14,0744	43. 12,8823	
	19. 14,0246	44. 12,8370	
	20. 13,9751	45. 12,797	
Somma	304,1190	Somma	637,8959
	21. 13,9258	46. 12,7465	
	22. 13,8767	47. 12,7014	
	23. 13,8275	48. 15,6563	
	24. 13,7787	49. 12,6116	
	25. 13,7301	50. 12,5674	
Somma	373,2578	Somma	701,1795

b

Retro	701,1796	Retro	763,3531
51.	12,5229	56.	12,3032
52.	12,4786	57.	12,2598
53.	12,4346	58.	12,2164
54.	12,3916	59.	12,1753
55.	12,3469		
		Somma	812,3058
Somma	763,3531	pel Capitale (1).	

PROVA DELLA CONGRUENZA.

Capitale	812,3058	Retro	750,9927
Pensione 1.	15.	Pensione 6.	15.
Resta	797,3058	Resta	735,9927
Frutto	2,8238	Frutto	2,6068
Somma	800,1297	Somma	738,5995
Pensione 2.	15.	Pensione 7.	15.
Resta	785,1297	Resta	723,5995
Frutto	2,7814	Frutto	2,5627
Somma	787,9111	Somma	726,1622
Pensione 3.	15.	Pensione 8.	15.
Resta	772,9111	Resta	711,1622
Frutto	2,7372	Frutto	2,5187
Somma	775,6483	Somma	713,6809
Pensione 4.	15.	Pensione 9.	15.
Resta	760,6483	Resta	698,6809
Frutto	2,6940	Frutto	2,4745
Somma	763,3423	Somma	701,1554
Pensione 5.	15.	Pensione 10.	14.
Resta	748,3423	Resta	686,1554
Frutto	2,6504	Frutto	3,4304
Somma	750,9927	Somma	688,5855

(1) *Cit. Disc. N.º 12.*

Retro Pensione 11.	688,5855 15.	Retro Frutto	584,3432 2,0695
Resta Frutto	673,5855 2,3856	Somma Pensione 19.	586,4127 15.
Somma Pensione 12.	675,9711 15.	Resta Frutto	571,4127 2,0238
Resta Frutto	660,9711 2,3430	Somma Pensione 20.	573,4365 15.
Somma Pensione 13.	663,3141 15.	Resta Frutto	558,4365 1,9777
Resta Frutto	648,3141 2,2961	Somma Pensione 21.	560,4142 15.
Somma Pensione 14.	650,6102 15.	Resta Frutto	545,4142 1,9371
Resta Frutto	635,6102 2,2511	Somma Pensione 22.	547,3459 15.
Somma Pensione 15.	637,8613 15.	Resta Frutto	532,3459 1,8854
Resta Frutto	622,8613 2,2060	Somma Pensione 23.	534,2313 15.
Somma Pensione 16.	625,0673 15.	Resta Frutto	519,2313 1,8389
Resta Frutto	610,0673 2,1607	Somma Pensione 24.	521,0702 75.
Somma Pensione 17.	612,2280 15.	Resta Frutto	506,0702 1,7922
Resta Frutto	597,2280 2,1152	Somma Pensione 25.	507,8624 15.
Somma Pensione 18.	599,3432 15.	Resta Frutto	492,8624 1,7456
Resta	584,3432	Somma	494,6080

Retro Pensione 26.	494,6080 15.
Resta Frutto	479,6080 1,7299
Somma Pensione 27.	481,3379 15.
Resta Frutto	466,3379 1,6516
Somma Pensione 28.	467,9895 15.
Resta Frutto	452,9895 1,6043
Somma Pensione 29.	454,5938 15.
Resta Frutto	439,5938 1,5569
Somma Pensione 30.	441,1507 15.
Resta Frutto	426,1507 1,5092
Somma Pensione 31.	427,6599 15.
Resta Frutto	412,6599 1,4615
Somma Pensione 32.	414,1214 15.
Resta Frutto	399,1214 1,4261
Somma Pensione 33.	400,5475 15.
Resta	385,5475

Retro Frutto	385,5475 1,3655
Somma Pensione 34.	386,9130 15.
Resta Frutto	371,9130 1,3172
Somma Pensione 35.	371,2302 15.
Resta Frutto	358,2302 1,2687
Somma Pensione 36.	359,4989 15.
Resta Frutto	344,4989 1,2201
Somma Pensione 37.	345,7190 15.
Resta Frutto	330,7190 1,1712
Somma Pensione 38.	331,8903 15.
Resta Frutto	316,8903 1,1223
Somma Pensione 39.	318,0126 15.
Resta Frutto	303,0126 1,0732
Somma Pensione 40.	304,0858 15.
Resta Frutto	289,0858 1,0239
Somma	290,1097

Retro Pensione 41.	290,1097 15.
Resta Frutto	275,1097 0,9743
Somma Pensione 42.	276,0840 15.
Resta Frutto	261,0840 0,9247
Somma Pensione 43.	262,0087 15.
Resta Frutto	247,0087 0,8748
Somma Pensione 44.	247,8835 15.
Resta Frutto	232,8835 0,8246
Somma Pensione 45.	233,7081 15.
Resta Frutto	218,7081 0,7746
Somma Pensione 46.	219,4827 15.
Resta Frutto	204,4827 0,7242
Somma Pensione 47.	205,2069 15.
Resta Frutto	190,2069 0,6736
Somma Pensione 48.	190,8805 15.
Resta	175,8805

Retro Frutto	175,8805 0,6229
Somma Pensione 49.	176,5034 15.
Resta Frutto	161,5034 0,5719
Somma Pensione 50.	162,0753 15.
Resta Frutto	147,0753 0,5209
Somma Pensione 51.	147,5962 15.
Resta Frutto	132,5962 0,4696
Somma Pensione 52.	133,0658 15.
Resta Frutto	118,0658 0,4181
Somma Pensione 53.	118,4839 15.
Resta Frutto	103,4839 0,3665
Somma Pensione 54.	103,8504 15.
Resta Frutto	88,8504 0,2406
Somma Pensione 55.	89,0910 15.
Resta Frutto	74,0910 0,2624
Somma	74,3534

c

14

Retro	74,3634	Retro	29,7214
Pensione 56.	15.	Frutto	0,1053
	<hr/>		<hr/>
Resta	59,3534	Somma	29,8267
Frutto	0,2102	Pensione 59.	15.
	<hr/>		<hr/>
Somma	59,5636	Resta	14,8267
Pensione 57.	15.	Frutto	0,0525
	<hr/>		<hr/>
Resta	44,5636	Somma	14,8792
Frutto	0,1578	Pensione 60.	15.
	<hr/>		<hr/>
Somma	44,7214	Resta	0,1208
Pensione 58.	15.		<hr/>
	<hr/>		<hr/>
Resta	29,7214		

Ristretto

Capitale de' due Oneri secondo il Raggua-
 glio della Scala, come negli Allegati A, e B. . Sc. 3956,1505

Secondo il frutto, su cui sono stimate le Ca-
 se, come negli Allegati C. e D. Sc. 1532,2905

Differenza = 2423,8600

*Osservazioni sopra la Scala dello Spedale di
S. Maria Nuova di Firenze.*

Primamente : codesta Scala , che nel confronto si vede desunta dalla Norma di *Ulpiano* riferita nella *L. Hereditatum* (1) pone la durata della Vita più breve che nelle odierne Tavole di *fisica* probabilità.

In 2.º luogo : il Ragguaglio delle Pensioni , che ritiensi stabilito sul frutto del 3 annuo per 100 , lo è sopra un frutto minore del più comune fra Noi a questi tempi. Bensì non è improbabile , che vi si ribassi in un corso di prosperità.

In 3.º luogo : a prescindere pur anche dalla brevità della vita , e dalla tenuità del frutto , quel Ragguaglio non è mai congruo ; e riesce dannoso al *Vitaliziato* progressivamente sino al segno d'indurre la *Lesione oltre il doppio* nell'età avanzata.

(1) *Ulpiano* viveva nel terzo secolo dell' Era nostra.

*Confronto delle Pensioni congrue con quelle
del Raguaglio nella Scala.*

I. Dagli Anni 20 a' 25 la Scala pone Anni di vita. = 28.

Nella Tavola VI si trova il giusto Capitale di una Pensione 100
per anni 28, collo sconto del 3 annuo per 100. = 4879,4112

Pensione congrua (1).	$\frac{100 \times 100}{4879,4112}$	=	5,3261
-----------------------	------------------------------------	---	--------

Nel Raguaglio.	5. $\frac{1}{5}$	=	5,20
----------------	------------------	---	------

Differenza in danno del Vitaliziato		=	0,1261
-------------------------------------	--	---	--------

II. Dagli Anni 25 a' 30 la Scala pone Anni di vita. = 25.

Nella stessa Tavola si trova il giusto Capitale di una Pensione
100 collo sconto del detto frutto. = 4741,3150

Pensione congrua(2).	$\frac{100 \times 100}{4741,3150}$	=	5,7428
----------------------	------------------------------------	---	--------

Nel Raguaglio	5. $\frac{3}{5}$	=	5,60
---------------	------------------	---	------

Differenza in danno del Vitaliziato		=	0,1428
-------------------------------------	--	---	--------

(1) Disc. Cit. N.° 13.

(2) Ivi.---

III. Dagli Anni 30 a' 35 la Scala pone Anni di vita. = 22.

Nella stessa Tavola si trova il giusto Capitale di una Pensione 100 per Anni 22, collo sconto del suddetto frutto. = 1593,6919

$$\text{Pensione congrua} \frac{100 \times 100}{1593,6919} = \underline{6,2242}$$

$$\text{Nel Raguaglio della Scala} = \underline{6.}$$

$$\text{Differenza in danno del Vitaliziato} = \underline{\underline{0,2747}}$$

IV. Dagli Anni 35 a' 40 la Scala pone Anni di vita. = 20.

Nella stessa Tavola si trova il giusto Capitale di una Pensione 100 collo sconto per Anni 20 del detto frutto. = 1487,7477

$$\text{Pensione congrua} \frac{100 \times 100}{1487,7477} = \underline{6,7216}$$

$$\text{Nel Raguaglio della Scala} . . . \underline{6. \frac{2}{5}} = \underline{6,40}$$

$$\text{Differenza in danno del Vitaliziato} . . . = \underline{\underline{0,3216}}$$

V. Dagli anni 40 a' 45 la Scala pone Anni di vita. = 15.

Nella stessa Tavola si trova il giusto Capitale di una Pensione 100 per Anni 15 collo sconto del detto frutto. = 1193,7936

$$\text{Pensione congrua} \frac{100 \times 100}{1193,7936} = \underline{8,3767}$$

$$\text{Nel Raguaglio della Scala} . . . \underline{6. \frac{4}{5}} = \underline{6,80}$$

$$\text{Differenza in danno del Vitaliziato} . . . = \underline{\underline{1,5767}}$$

VI. Dagli Anni 45 a'50 la Scala pone Anni di vita. $\mathbf{n} \ 10$

Nella stessa Tavola si trova il giusto Capitale di una Pensione 100 per Anni 10 collo sconto del detto frutto. $\mathbf{= \ 853,0204}$

Pensione congrua $\frac{100 \times 100}{853,0204} = 11,7230$

Nel Raguaglio della Scala . . . $\mathbf{2 \ 4/5} = \mathbf{2,20}$

Differenza in danno del Vitaliziato . . . $\mathbf{= \ 4,5230}$

VII. Dagli Anni 50 a'55 la Scala pone Anni di vita. $\mathbf{n} \ 8$

Nella stessa Tavola si trova il giusto Capitale di una Pensione 100 per Anni 8 collo sconto del detto frutto. $\mathbf{= \ 701,9693}$

Pensione congrua $\frac{100 \times 100}{701,9693} = 14,2456$

Nel Raguaglio della Scala . . . $\mathbf{2 \ 3/5} = \mathbf{2,60}$

Differenza in danno del Vitaliziato . . . $\mathbf{= \ 6,6456}$

VIII. Dagli Anni 55 a'60 la Scala pone Anni di vita. $\mathbf{n} \ 2$

Nella stessa Tavola si trova il giusto Capitale di una Pensione 100 per Anni 2 collo sconto del detto frutto. $\mathbf{= \ 623,0284}$

Pensione congrua $\frac{100 \times 100}{623,0284} = 16,0506$

Nel Raguaglio della Scala $\mathbf{= \ 8.}$

Differenza in danno del Vitaliziato . . . $\mathbf{= \ 8,0506}$

IX. Dagli Anni 60 a'65 la Scala pone Anni di vita. = 5

Nella stessa Tavola si trova il giusto Capitale di una Pensione 100 per Anni 5 collo sconto del detto frutto. = 457,9708

Pensione congrua $\frac{100 \times 100}{457,9708}$ = 21,8355

Nel Ragguglio della Scala . . 8. 4/5 = 8,80

Lesione *oltre il Doppio* al Vitaliziato . . = 13,0355

X. Dagli Anni 65 a'70 la Scala ne pone di Vita. = 5

Nella stessa Tavola il giusto Capitale resta come sopra. = 457,9708

E la Pens. congrua resta parimente come sopra. = 21,8355

Nel Ragguglio della Scala la Pensione dagli Anni 65 a'70 si pone 9. 3/5 = 9,60

Lesione *oltre il Doppio* al Vitaliziato (1) . = 12,2355

La veduta Incongruenza si fa poi maggiore

1. Se la Pensione vogliasi anticipata.

2. Se semestrale.

3. Se mensile.

4. Se il frutto pongasi maggiore del 3 per 100.

5. Se finalmente la Durata della Vita si presuma più lunga, che non è posta in detta Scala; come tutto questo ad abbondanza si mostra negli Esempi appresso

(1) Questa incongruenza deriva necessariamente dall' essersi considerata la vita degli Anni 5 posti da 60 a' 65; ma dovendosi da 65 a' 70 considerare più breve, crescerebbe la congrua Pensione e conseguentemente anche la Lesione.

Esempio 1.° Nella Pensione anticipata.

Dagli Anni 45 a' 50 la Scala pone Anni 10 di vita, e la Pensione annua posticipata (1). 7. $4\frac{1}{5}$ = 7,20 per 100

Nella Tavola VI si trova il Capitale di una Pensione annua 100 posticipata collo sconto del 3 annuo per 100. = 853,0204

Meno N. 10 ivi. = 74,4094

Resta . . . = 778,6110

Aggiunto per l'Anticipazione = 100.

Somma . . . = 878,6110

Pensione congrua (2) $\frac{100 \times 100}{878,6110}$ = 11,3816

Colla proporzione 878,6110 : 853,0204 :: 7,20 : x

La Pensione della Scala resta x = 6,9911

La Congrua come sopra. = 11,3816

Differenza in danno del Vitaliziato . . . = 4,3905

Esempio 2.° Nella Pensione semestrale.

Dagli Anni 45 a' 50 la Scala pone, come sopra Anni 10 di vita, e la Pensione annua = 7,20

Nella stessa Tavola VI si trova il giusto Capitale di una Pensione 100 per Anni 10 = Semestri 20, collo sconto del 3 annuo per 100 = 1487,7477

Pensione congrua (3) $\frac{100 \times 100}{1487,7477}$ = 6,7216

(1) Ritiensi, che le Pensioni del Ragguaglio nella Scala siano posticipate: quando fossero anticipate, allora l'incongruenza s'incontrerebbe nelle altre.

(2) Disc. Cit. N.° 43. (3) Ivi.

Colla proporzione . . . 853,0204 : 4487,7477 :: 7,20 : x

1. La Pens. della Scala semestrale rimane.	$x =$	3,1277
La Congrua come di sopra.	$=$	6,7216
Il doppio di quella della Scala	$=$	6,2554
Lesione oltre il Doppio	$=$	0,4662

Esempio 3.^o Nella Pensione mensile.

Dagli Anni 60 in là la Scala ne pone di vita 5 = Mesi 60 =
e la Pensione annua posticipata collo sconto del 3 annuo per
100 8. 4/5 = 8,80

Nella stessa Tavola VI si trova il giusto Capitale della Pen-
sione 100 posticipata collo sconto per Anni 5 = Mesi 60 del 3
annuo per 100 = 2767,5570

Pensione congrua	$\frac{100 \times 100}{2767,5570} =$	3,6133
Nel Ragguaglio	$\frac{8,80}{12} =$	0,7333

Il Doppio	$=$	1,4666
La Congrua, come di sopra	$=$	3,6133
Lesione oltre il Doppio	$=$	2,1467

Esempio 4.^o Nel frutto maggiore del 3 per 100.

Nella Tavola VIII si trova il Capitale della Pensione 100 annua
collo sconto per Anni 15 del 4 per 100 posticipata. = 1111,8387

Pensione congrua	$\frac{100 \times 100}{1111,8387} =$	8,9942
----------------------------	--------------------------------------	--------

PROVA DELLA CONGRUENZA.

Capitale	400,0000	Retro	66,8802
Frutto	4,0000	Frutto	2,6752
<hr/>		<hr/>	
Somma	404,0000	Somma	6,95554
Pensione 1.	8,9942	Pensione 7.	8,9942
<hr/>		<hr/>	
Resta	95,0058	Resta	60,5612
Frutto	3,8002	Frutto	2,4224
<hr/>		<hr/>	
Somma	98,8060	Somma	62,9836
Pensione 2.	8,9942	Pensione 8.	8,9942
<hr/>		<hr/>	
Resta	89,8118	Resta	53,9894
Frutto	3,5985	Frutto	2,1596
<hr/>		<hr/>	
Somma	93,4103	Somma	56,1490
Pensione 3.	8,9942	Pensione 9.	8,9942
<hr/>		<hr/>	
Resta	84,4161	Resta	47,1548
Frutto	3,3766	Frutto	1,8862
<hr/>		<hr/>	
Somma	87,7927	Somma	49,0410
Pensione 4.	8,9942	Pensione 10.	8,9942
<hr/>		<hr/>	
Resta	78,7985	Resta	40,0468
Frutto	3,1519	Frutto	1,6019
<hr/>		<hr/>	
Somma	81,9504	Somma	41,6487
Pensione 5.	8,9942	Pensione 11.	8,9942
<hr/>		<hr/>	
Resta	72,9568	Resta	32,6449
Frutto	3,9182	Frutto	1,3062
<hr/>		<hr/>	
Somma	75,8744	Somma	33,9607
Pensione 6.	8,9942	Pensione 12.	8,9942
<hr/>		<hr/>	
Resta	66,8802	Resta	24,9665

Retro	24,9665	Resto	8,6556
Frutto	0,9987	Frutto	0,3462
<hr/>		<hr/>	
Somma	25,9652	Somma	9,0018
Pensione 13.	8,9942	Pensione 15.	8,9942
<hr/>		<hr/>	
Resto	16,9710	Differenza	0,0976
Frutto	0,6788	<hr/>	
<hr/>		<hr/>	
Somma	17,6498		
Pensione 14.	8,9942		
<hr/>			
Resto	8,6556		

Pensione col frutto del 4 per 100, come sopra. = 8,9942
 Nel Raggiungimento della Scala con quello del 3. = 6,80

Differenza . . = 2,1942

Esempio 5.° Nella più lunga Durata della Vita.

Dagli Anni 55 a' 60 nelle Tavole di *Buffon* si pongono
 di vita rimanente. Anni 12, Mesi 10.

Nella Tavola VI si trova il Capitale di una Pensione 100
 annua posticipata collo sconto per gli Anni 12 Mesi 10 del 3 an-
 nuo per 100 = 1052,1465

Pensione congrua (1) $\frac{100 \times 100}{1052,1465} = 9,50$

PROVA DELLA CONGRUENZA.

Capitale	100,00	Retro	93,50
Frutto	3.	Frutto	2,81
<hr/>		<hr/>	
Somma	103,00	Somma	96,31
Pensione 1.	9,50	Pensione 2.	9,50
<hr/>		<hr/>	
Resto	93,50	Resto	86,81

(1) *Cit. Disc. N.° 43.*

24

Retro	86,81	Retro	51,70
Frutto	2,60	Pensione 8.	9,50
Somma	89,41	Resta	42,20
Pensione 3.	9,50	Frutto	1,27
Resta	79,91	Somma	43,47
Frutto	2,40	Pensione 9.	9,50
Somma	82,31	Resta	33,97
Pensione 4.	9,50	Frutto	1,02
Resta	72,81	Somma	34,99
Frutto	2,18	Pensione 10.	9,50
Somma	74,99	Resta	25,49
Pensione 5.	9,50	Frutto	0,76
Resta	65,49	Somma	26,25
Frutto	1,96	Pensione 11.	9,50
Somma	67,45	Resta	16,75
Pensione 6.	9,50	Frutto	0,50
Resta	57,95	Somma	17,25
Frutto	1,74	Pensione 12.	9,50
Somma	59,69	Resta	7,75
Pensione 7.	9,50	Frutto 5/5	0,19
Resta	50,19	Somma	7,94
Frutto	1,51	Pensione 516	7,92
Somma	51,70	Differenza	0,02

Pensione congrua nella Durata di Anni 12 Mesi 10 da 55	
a' 60, come sopra	= 9,50
Quella nel Raggiunglio della Scala per la Durata di Anni	
10 da 45 a 50	= 7,20
Differenza in danno del Vitaliziato	= 2,30

N. B. Codesta Pensione della Scala nella Durata di Anni 10 si ridurrebbe anche a meno di 7,20 in quella di Anni 12 Mesi 10; e crescerebbe di più la Differenza in danno del Vitaliziato.